

设 c_1 、 c_2 和 c_3 分别表示协议价格为 X_1 、 X_2 、 X_3 的欧式看涨期权的价格，其中 $X_3 > X_2 > X_1$ 且 $X_3 - X_2 = X_2 - X_1$ ，所有期权的到期日相同，

证明： $c_2 \leq 0.5(c_1 + c_3)$

证明：由期权性质知： $C_t(K)$ 是执行价格 K 的凸函数。取 $K_1 > K_2$ ，有

$$K_\lambda = \lambda K_1 + (1-\lambda)K_2, \quad (0 \leq \lambda \leq 1)$$

则有 $C_t(K_\lambda) \leq \lambda C_t(K_1) + (1-\lambda)C_t(K_2)$

本题中即 $X_2 = \frac{1}{2}X_1 + \frac{1}{2}X_3$ ，即 $\lambda = \frac{1}{2}$ 。

则有 $c_2 \leq \frac{1}{2}(c_1 + c_3)$ 。